



**GEOMETRIA DIFERENCIAL DE SUPERFICIES**

1.- 
$$\begin{cases} x = u \cos v \\ y = u \sin v \\ z = bv \end{cases}$$
 es un helicoido recto.

2.- 
$$\begin{cases} x = t + 1 \\ y = t(t + 2) \\ z = t^2(t + 3) \end{cases} \quad t, 1 \in (-\infty, \infty)$$

3.- 
$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{a^2} - \frac{z^2}{b^2} = 0$$

4.- a) Eje:  $x = 2y, x = -z$     b) Eje:  $x = z, y = 1$

5.- 
$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = z$$

6.- a) 
$$\begin{cases} x = x(t) + I v_1(t) \\ y = y(t) + I v_2(t) \\ z = z(t) + I v_3(t) \end{cases} \quad \text{b) } \begin{cases} x = 1 + v(\cos u - 1) \\ y = 1 + v(\sin u - 1) \\ z = 1 - v \end{cases} \quad 0 \leq u \leq 2\pi, -\infty < v < \infty$$

c) Como superficie reglada la generatriz es  $c(t) = (\cos t, \sin t, 0)$  y el vector directriz es  $(\sin t, -\cos t, 1)$ .

Como superficie de revolución el eje es  $x = 0, y = 0$  y la curva de giro es la hipérbola  $x^2 - z^2 = 1, y = 0$ .

7.- a)  $4y - 2z = 0$ ;    b)  $x = a, y = b, z = ab$

8.- 
$$a = \arccos \frac{1}{3}$$