

## ALGORITMO ADITIVO

**INPUT:** Un PPLE binario.

**OUTPUT:** Una solución óptima del problema.

**PASO 0: INICIALIZACIÓN.**

**A:** Escribir el PPLE en forma de minimización y con las restricciones del tipo  $\leq$ .

**B:** La función objetivo debe tener todos los coeficientes positivos.

Si  $c_i < 0$ , se realiza el cambio  $x_i = 1 - y_i$ .

**C:** Se considera  $s = (0, \dots, 0)$ ,  $z_0 = 0$  y tabla:

$$\begin{array}{c|c|c} x_1, \dots, x_n & LD & \\ \hline & A & b \\ \hline c_1 \dots, c_n & & \end{array}$$

**PASO 1:** Si la columna  $LD \geq 0$ , la solución es  $s$  con costo  $z$ .

En caso contrario escogemos las filas cuyos lados derechos son negativos.

**PASO 2:** Desechar las VARIABLES NO PROMETEDORAS.

Una variable  $x_i$  es no prometedora si

**A:** o todos los elementos de  $a_i$  correspondientes a las filas del PASO 2  $\geq 0$ .

**B:** o si hay una tabla resuelta con costo  $z_l$  y  $z + c_i \geq z_l$ .

**PASO 3: RAMIFICACIÓN.**

**A:** Si no hay variables prometedoras, la tabla es terminal y no tiene solución.

**B:** Para las variables prometedoras,  $x_j$ , calcular  $I_j = \sum_{\text{todas } k} \min\{0, \hat{b}_k - a_{kj}\}$ .

**C:** Se ramifica la variable  $x_j$  cuyo valor  $I_j$  sea mayor.

**D:** Se subdivide la tabla:

— Se mantiene el valor de todas las variables excepto  $x_j = 1$  y  $z_0 = z_0 + c_j$  y la nueva tabla es

$$\begin{array}{c|c|c} x_1, \dots, x_n \setminus \{x_j\} & LD & \\ \hline & A \setminus \{a_j\} & \hat{b} = \hat{b} - a_j \\ \hline c_1 \dots, c_n \setminus \{c_j\} & & \end{array}$$

— Se conservan todos los valores y la nueva tabla es

$$\begin{array}{c|c|c} x_1, \dots, x_n \setminus \{x_j\} & LD & \\ \hline & A \setminus \{a_j\} & \hat{b} \\ \hline c_1 \dots, c_n \setminus \{c_j\} & & \end{array}$$

**PASO 4: CONVERGENCIA.**

**A:** Si todas las tablas están resueltas y no tienen solución el PPLE binario no tiene solución.

**B:** Si todas las tablas están resueltas, se escoge la tabla con mejor costo.

**C:** Escoger una tabla no resuelta.

— Si  $LD \geq 0$ , su solución es  $s$  con costo  $z$ .

— Si no hay columnas en la izquierda, la tabla no tiene solución.

— En otro caso, ir al paso 2.