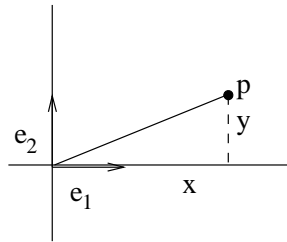


## COORDENADAS EN $\mathbb{R}^2$

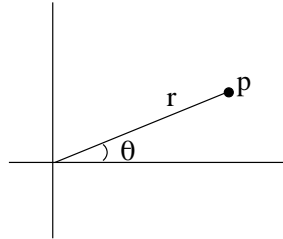
### Coordenadas cartesianas

$$x, y \in \mathbb{R}$$



### Coordenadas polares

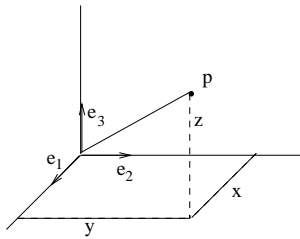
$$r \in \mathbb{R}^+, \theta \in [0, 2\pi]$$



## COORDENADAS EN $\mathbb{R}^3$

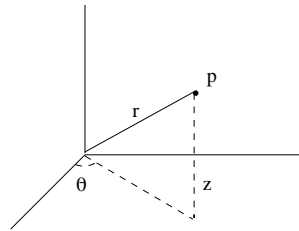
### Cartesianas

$$x, y, z \in \mathbb{R}$$



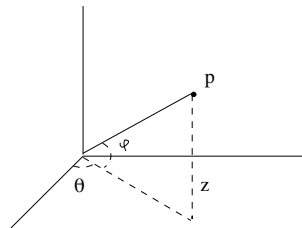
### Cilíndricas

$$r \in \mathbb{R}^+, \theta \in [0, 2\pi], z \in \mathbb{R}$$



### Esféricas

$$r \in \mathbb{R}^+, \theta \in [0, 2\pi], \varphi \in \left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right]$$



## CAMBIO DE COORDENAS EN $\mathbb{R}^2$

**Cambio de coordenadas polares a coordenadas cartesianas**

$$\begin{cases} x = x_0 + r\cos(\theta) \\ y = y_0 + r\text{sen}(\theta) \end{cases}$$

**Cambio de coordenadas cartesianas a coordenadas polares**

$$\begin{cases} r = \sqrt{(x - x_0)^2 + (y - y_0)^2} \\ \tan(\theta) = \frac{y - y_0}{x - x_0}, \text{ teniendo en cuenta el cuadrante del argumento} \end{cases}$$

## CAMBIO DE COORDENAS EN $\mathbb{R}^3$

**Cambio de coordenadas cilíndricas a coordenadas cartesianas**

$$\begin{cases} x = x_0 + r\cos(\theta) \\ y = y_0 + r\text{sen}(\theta) \\ z = z \end{cases}$$

**Cambio de coordenadas cartesianas a coordenadas cilíndricas**

$$\begin{cases} r = \sqrt{(x - x_0)^2 + (y - y_0)^2} \\ \tan(\theta) = \frac{y - y_0}{x - x_0}, \text{ teniendo en cuenta el cuadrante del argumento} \\ z = z \end{cases}$$

**Cambio de coordenadas esféricas a coordenadas cartesianas**

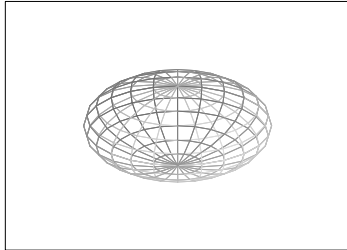
$$\begin{cases} x = x_0 + r\cos(\theta)\cos(\varphi) \\ y = y_0 + r\text{sen}(\theta)\cos(\varphi) \\ z = z_0 + r\text{sen}(\varphi) \end{cases}$$

**Cambio de coordenadas cartesianas a coordenadas esféricas**

$$\begin{cases} r = \sqrt{(x - x_0)^2 + (y - y_0)^2 + (z - z_0)^2} \\ \tan(\theta) = \frac{y - y_0}{x - x_0}, \text{ teniendo en cuenta el cuadrante del argumento} \\ \tan(\varphi) = \frac{z - z_0}{\sqrt{(x - x_0)^2 + (y - y_0)^2}}, \text{ teniendo en cuenta el cuadrante del argumento} \end{cases}$$

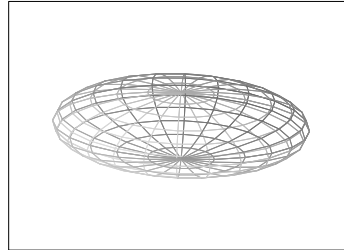
## ECUACIONES DE ALGUNAS SUPERFICIES

### Esfera



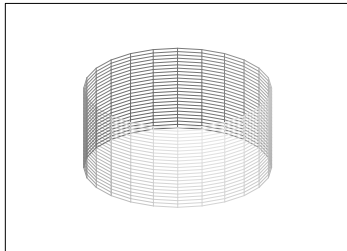
$(x - x_0)^2 + (y - y_0)^2 + (z - z_0)^2 = r^2$   
es la ecuación de la esfera de radio  $r$  con centro en el punto  $(x_0, y_0, z_0)$ .

### Elipsoide



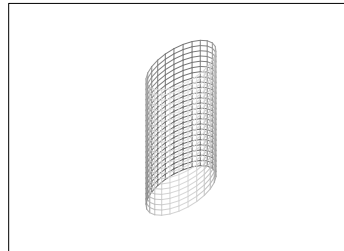
$\frac{(x - x_0)^2}{a^2} + \frac{(y - y_0)^2}{b^2} + \frac{(z - z_0)^2}{c^2} = 1$   
es la ecuación del elipsoide con centro en el punto  $(x_0, y_0, z_0)$  cuyos radios son  $a, b$  y  $c$  con respecto a los ejes  $X, Y$  y  $Z$ , respectivamente.

### Cilindro circular



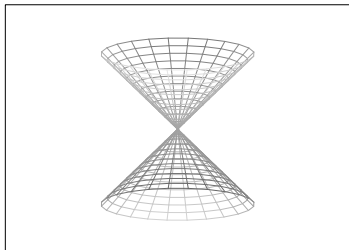
$(x - x_0)^2 + (y - y_0)^2 = r^2$   
es la ecuación del cilindro cuya base es un círculo de radio  $r$  y centro el punto  $(x_0, y_0)$ .

### Cilindro elíptico



$\frac{(x - x_0)^2}{a^2} + \frac{(y - y_0)^2}{b^2} = 1$   
es la ecuación del cilindro cuya base es una elipse cuyo centro es el punto  $(x_0, y_0)$  cuyos radios son  $a$  y  $b$  con respecto a los ejes  $X$  e  $Y$ , respectivamente.

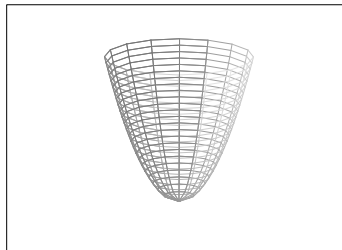
### Cono



$$(x - x_0)^2 + (y - y_0)^2 = (z - z_0)^2$$

es la ecuación del cono. Si se interseca con un plano vertical, se obtienen dos rectas  $x = y$  y  $x = -y$  y si se interseca con un plano horizontal se obtiene un círculo cuyo centro es el punto  $(x_0, y_0)$ .

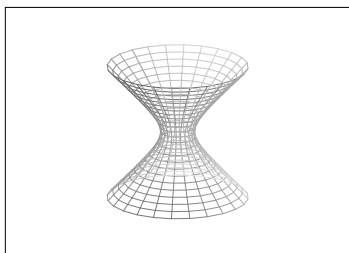
### Paraboloide



$$(x - x_0)^2 + (y - y_0)^2 = z$$

es la ecuación del paraboloides. Si se interseca con un plano vertical, se obtienen parábolas y si se interseca con un plano horizontal se obtiene un círculo cuyo centro es el punto  $(x_0, y_0)$ .

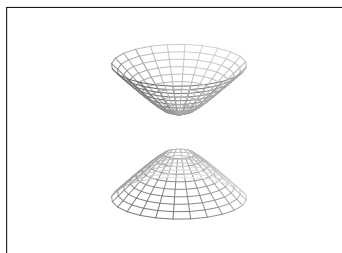
### Hiperboloide de una hoja



$$(x - x_0)^2 + (y - y_0)^2 - (z - z_0)^2 = r^2$$

es la ecuación del hiperboloide de una hoja. Si se interseca con un plano vertical, se obtienen hipérbolas y si se interseca con un plano horizontal se obtiene un círculo cuyo centro es el punto  $(x_0, y_0)$ .

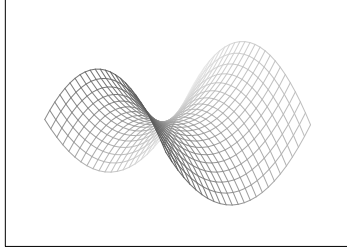
### Hiperboloide de dos hojas



$$-(x - x_0)^2 - (y - y_0)^2 + (z - z_0)^2 = r^2$$

es la ecuación del hiperboloide de dos hojas. Si se interseca con un plano horizontal se obtiene un círculo cuyo centro es el punto  $(x_0, y_0)$ .

### Paraboloide hiperbólico



$(x - x_0)^2 - (y - y_0)^2 = z$   
es la ecuación del paraboloide hiperbólico. Si se interseca con un plano vertical, se obtienen parábolas y si se interseca con un plano horizontal se obtienen hipérbolas.